

**ZMATH 2009f.00426**

**Fritzsche, Tim**

**Euler's  $\phi$  function. (Die Eulersche  $\phi$ -Funktion.)**

Wurzel 43, No. 7, 154-157 (2009).

Aus der Einleitung: Die Funktion  $\phi : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$  mit  $\phi(n) := |\{a \in \mathbb{Z} : 1 \leq a \leq n, \text{ggT}(a, n) = 1\}|$  heißt Eulersche  $\phi$ -Funktion. Wer versucht  $\phi(23)$ ,  $\phi(42)$  oder  $\phi(2009)$  mit Hilfe der Definition zu berechnen, wird sich vermutlich eine einfachere Berechnungsformel wünschen. Um die Herleitung dieser soll es im Folgenden gehen.

From the introduction (translation): The function  $\phi : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$  with  $\phi(n) := |\{a \in \mathbb{Z} : 1 \leq a \leq n, \text{gcd}(a, n) = 1\}|$  is called Euler's  $\phi$  function. If you try to calculate  $\phi(23)$ ,  $\phi(42)$  or  $\phi(2009)$  you will probably wish to have an easier formula of calculation. The following article is about the derivation of such a formula.

*Classification:* F60 H40

*Keywords:* Euler totient; totient function; Euler's phi function; congruence; modular arithmetic; prime numbers; number theoretic functions; divisibility; gcd; Euler's theorem; Fermat-Euler theorem; Euler's totient theorem eulersche Funktion; Kongruenz; Restklassenarithmetik; Primzahl; zahlentheoretische Funktion; Teilbarkeit; ggT; Satz von Euler-Fermat